

Q 3けたの数字を思い浮かべてください。例えば、123
それを2回くり返して6けたの数をつくります。123123
それを7で割ります。あまりは6,5,4,3,2,1,0のいずれか
になるはずです。
出たあまりの数だけ百円玉をプレゼントします。
はりきってどうぞ！

(計算の結果から何がわかりますか?)

$$\begin{array}{r} 1 \\ 7 \overline{) 123123} \\ \underline{7} \\ 5 \end{array}$$

・
・
・

—



A **どんな6けたの数でも、あまりは必ず0になります。**

問題とは言いにくいかたちの問題でした。

3けたの数を、例えば 295 とします。2回くり返すと
295295 になります。

これは別な書き方をすると

$$\begin{aligned} 295295 &= 295000 + 295 \\ &= 295 \times 1000 + 295 \times 1 \\ &= 295 \times \mathbf{1001} \end{aligned}$$

となります。

そしてここで現れた 1001 は

$$1001 = 7 \times 11 \times 13$$

です。

連続するやや大きめの3つの素数の積、と言ってもピンとこないですが、つまり、約数が見つけない数なのです。

したがって、初めに思い浮かべた3けたがどんな数でも
6けたの数は7の倍数、つまり7で割り切れる数になるの
です。

そして77でも割り切れちゃうと言ったら、
もう一つびっくりですね。

この 1001 は、『千一夜物語(アラビアン
ナイト)』の主人公の名にちなんでシャヘラザ
ード数と呼ばれています。

代数の領域を越えたロマンのようなもの
を感じませんか？

